

# Test per l'autovalutazione

**1** In una simmetria assiale di asse  $r$  si ha che  $\sigma_r(P) = P'$ ; del segmento  $PP'$  puoi dire che:

- a. è parallelo a  $r$
- b. interseca  $r$
- c. è perpendicolare a  $r$
- d. non se ne può stabilire la posizione rispetto a  $r$ .

☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F

[8 punti]

**2** In una simmetria centrale di centro  $O$  si ha che  $\sigma_O(P) = P'$  e  $\sigma_O(Q) = Q'$ ; si può dire che:

- a.  $PQ' \cong QP'$
- b.  $PQ' \parallel QP'$
- c.  $P'Q' \cong PQ$
- d.  $PP' \cong QQ'$

☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F

[8 punti]

**3** In una traslazione di vettore  $\vec{v}$  un triangolo  $ABC$  ha come corrispondente un triangolo  $RPQ$  in modo che sia  $\tau_{\vec{v}}(A) = R$ ,  $\tau_{\vec{v}}(B) = P$ ,  $\tau_{\vec{v}}(C) = Q$ ; si può dire che:

- a. i lati del triangolo  $RPQ$  sono paralleli ai corrispondenti lati del triangolo  $ABC$
- b. i segmenti  $BP$  e  $CR$  sono paralleli fra loro e al vettore  $\vec{v}$
- c. i vertici corrispondenti dei due triangoli si succedono entrambi nello stesso ordine (orario oppure antiorario)
- d. operando la traslazione di vettore  $-\vec{v}$  sul triangolo  $RPQ$  si ottiene il triangolo  $ABC$ , quindi la traslazione è una trasformazione involutoria.

☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F

[8 punti]

**4** Due triangoli si corrispondono in una isometria  $f$ ; si può dire che:

- a. se  $f$  è una simmetria assiale esiste un movimento rigido che sovrappone i due triangoli
- b. se  $f$  è una simmetria centrale esiste un movimento rigido che sovrappone i due triangoli
- c. se  $f$  è la trasformazione identica i due triangoli sono uguali
- d. se  $f$  è una traslazione di vettore non nullo i due triangoli sono congruenti ma non uguali.

☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F

[8 punti]

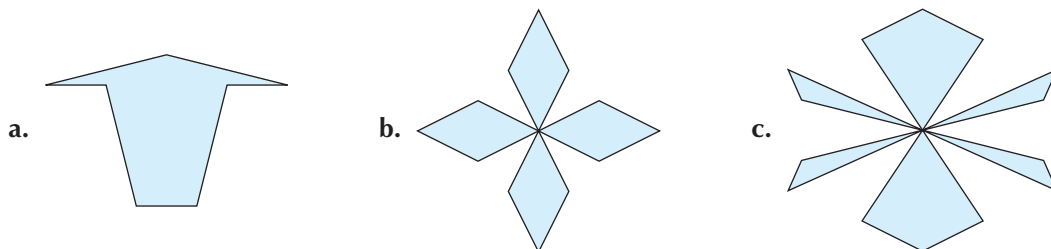
**5** In una rotazione di centro  $O$  e ampiezza  $\alpha$  si ha che  $\rho_{O,\alpha}(P) = Q'$  e  $\rho_{O,\alpha}(Q) = P'$ ; si può dire che:

- a.  $PQ \parallel Q'P'$
- b.  $PP' \cong QQ'$
- c.  $\widehat{POQ} \cong \widehat{Q'OP'}$
- d.  $\widehat{POP'} \cong \widehat{QOQ'}$

☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F  
☒ V ☐ F

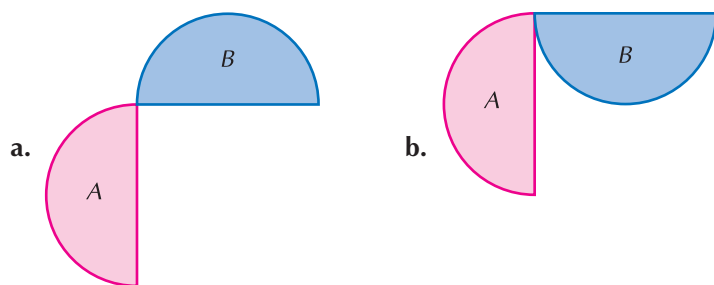
[8 punti]

**6** Individua, se esistono, gli assi e i centri di simmetria delle seguenti figure:



[9 punti]

**7** Stabilisci se esiste un'isometria nella quale la figura  $B$  corrisponde alla figura  $A$  nei due casi presentati:



[8 punti]

**8** In un piano sono dati un punto  $P$  e le rette  $s$  e  $t$  che, intersecandosi in  $O$ , formano un angolo  $\alpha$ ; sapendo che  $\sigma_t(P) = P'$  e  $\sigma_s(P) = P''$  puoi dire che:

- a.  $P$  e  $P''$  si corrispondono nella simmetria di centro  $O$  se  $\alpha = \frac{\pi}{2}$  V F
- b.  $P'$  e  $P''$  si corrispondono nella simmetria di centro  $O$  se  $\alpha = \frac{\pi}{2}$  V F
- c.  $P'$  e  $P''$  si corrispondono in una rotazione di centro  $O$  e ampiezza un angolo piatto se  $\alpha = \frac{\pi}{2}$  V F
- d.  $P$  e  $P''$  si corrispondono in una rotazione di centro  $O$  e ampiezza  $2\alpha$ . V F

[12 punti]

**9** Un quadrilatero convesso  $ABDC$  è formato da due triangoli aventi il lato  $BC$  in comune: il triangolo  $ABC$  è isoscele di base  $BC$ , il triangolo  $BCD$  è equilatero. Stabilisci se la figura possiede un asse di simmetria e se i triangoli  $ABD$  e  $ACD$  sono congruenti.

[8 punti]

**10** È dato un triangolo  $ABC$  isoscele di base  $BC$ ; siano  $D$  e  $F$  due punti della base  $BC$  in modo che  $BD \cong CF$ . Siano poi:

- $P$  e  $Q$  i simmetrici rispettivamente di  $D$  e di  $F$  rispetto al lato  $AB$
  - $M$  e  $N$  i simmetrici rispettivamente di  $D$  e di  $F$  rispetto al lato  $AC$ .
- a. In quale trasformazione si corrispondono  $PQ$  e  $NM$ ?
- b. Dimostra che le rette  $DM$  e  $QF$ ,  $FN$  e  $PD$  si incontrano sull'asse di simmetria del triangolo.

[15 punti]

## SOLUZIONI DEL TEST

**1** a. F, b. V, c. V, d. F

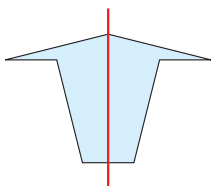
**2** a. V, b. V, c. V, d. F

**3** a. V, b. F, c. V, d. F

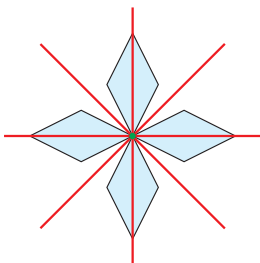
**4** a. F, b. V, c. V, d. V

**5** a. F, b. F, c. V, d. F

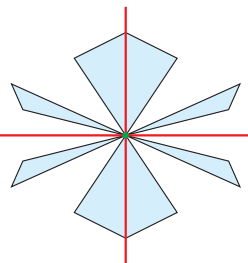
**6** a.

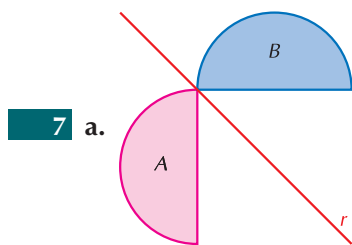


b.

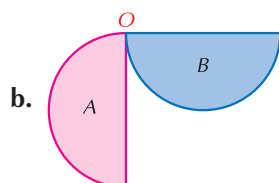


c.





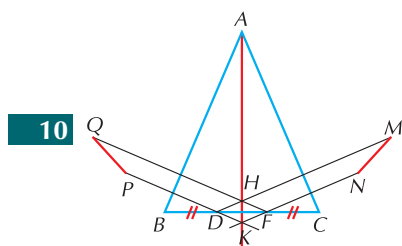
simmetria rispetto alla retta  $r$



rotazione (antioraria) di centro  $O$  e ampiezza  $\frac{\pi}{2}$

**8** a. F, b. V, c. V, d. F

**9** L'asse di simmetria è la retta  $AD$  e i due triangoli sono congruenti perché simmetrici.



- Si tratta di un prodotto di simmetrie assiali con gli assi incidenti in  $A$ ;  $PQ$  e  $MN$  si corrispondono quindi in una rotazione di centro  $A$  e ampiezza  $2\alpha$ , essendo  $\alpha$  l'angolo di vertice  $A$  del triangolo.
- L'asse di simmetria del triangolo è la retta  $r$  dell'altezza. In tale simmetria si corrispondono: i punti  $D$  e  $F$ , i lati  $AB$  e  $AC$ , la retta  $FN$  e la retta  $PD$  perché perpendicolari a due elementi simmetrici, le rette  $MD$  e  $QF$  per lo stesso motivo; se due rette simmetriche non sono parallele, si incontrano sull'asse di simmetria, quindi i punti  $H$  e  $K$  appartengono alla retta  $r$ .

## AUTOVALUTAZIONE

Controlla l'esattezza delle soluzioni ed assegnati il punteggio corrispondente per ciascun esercizio svolto correttamente.

