

# Esercizi di consolidamento

## Semplificazione di radicali

Semplifica, se possibile, i seguenti radicali, supponendo che i fattori letterali che in essi compaiono siano tutti positivi.

### 1 esercizio guidato

$$\sqrt[4]{144}$$

Scomponiamo in fattori il radicando:  $\sqrt[4]{2^4 \cdot 3^2}$

Semplifichiamo dividendo indice del radicale ed esponenti del radicando per 2:  $\sqrt{2^2 \cdot 3} = \sqrt{12}$

$$2 \quad \sqrt[6]{216}$$

$$\sqrt[4]{1764}$$

$$[\sqrt{6}; \sqrt{42}]$$

$$3 \quad \sqrt[4]{\frac{64}{25}}$$

$$\sqrt[6]{\frac{256}{625}}$$

$$\left[\sqrt{\frac{8}{5}}; \sqrt[3]{\frac{16}{25}}\right]$$

$$4 \quad \sqrt[6]{\frac{216}{343}}$$

$$\sqrt[4]{\frac{81}{25}}$$

$$\left[\sqrt{\frac{6}{7}}; \sqrt{\frac{9}{5}}\right]$$

$$5 \quad \sqrt[4]{\frac{x^{12}y^8}{16y^4}}$$

$$\sqrt[6]{\frac{729(a+b)^{12}}{a^{12}b^6}}$$

$$\left[\frac{1}{2}x^3y; \frac{3(a+b)^2}{a^2b}\right]$$

$$6 \quad \sqrt[3]{\frac{(a+b)^9}{125a^3x^9}}$$

$$\sqrt[8]{x^{16}b^8}$$

$$\left[\frac{(a-b)^3}{5ax^3}; x^2b\right]$$

$$7 \quad \sqrt[3]{\frac{8xy^3}{125x^4}}$$

$$\sqrt[4]{5b^2c^6}$$

$$\left[\frac{2y}{5x}; \text{irriducibile}\right]$$

$$8 \quad \sqrt[5]{\frac{x^{10}y^7}{32y^2}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{3a^9b^3}{81b^{12}}}$$

$$\left[\frac{1}{2}x^2y; \frac{a^3}{3b^3}\right]$$

$$9 \quad \sqrt[3]{\frac{125b^6}{27a^3}}$$

$$\sqrt[6]{\frac{x^6y^{12}z^9}{27}}$$

$$\left[\frac{5b^2}{3a}; \sqrt{\frac{1}{3}x^2y^4z^3}\right]$$

### 10 esercizio guidato

$$\sqrt[4]{\frac{x^2 + 4xy + 4y^2}{x^2y^6}}$$

Scomponiamo dapprima il polinomio al numeratore del radicando:  $\sqrt[4]{\frac{(x+2y)^2}{x^2y^6}}$

Semplifichiamo:  $\sqrt{\frac{x+2y}{xy^3}}$

$$11 \quad \sqrt[6]{4a^2 - 12ab + 9b^2}$$

$$\sqrt[4]{x^4 - 4x^3y + 4x^2y^2}$$

$$[\sqrt[3]{2a-3b}; \sqrt{x(x-2y)}]$$

$$12 \quad \sqrt{\frac{4x^3 + 4x^4 + x^5}{x(y-1)^2}}$$

$$\sqrt[4]{\frac{16(x+1)^6}{x^2y^4 + 2xy^4 + y^4}}$$

$$\left[\frac{x(x+2)}{y-1}; \frac{2(x+1)}{y}\right]$$

$$13 \quad \sqrt[3]{(8x^2 - 8)(x^4 - 2x^2 + 1)} \quad \sqrt[6]{\frac{a^3 - 6a^2 + 12a - 8}{8a^6 - 24a^5 + 24a^4 - 8a^3}} \quad \left[ 2(x^2 - 1); ; \sqrt{\frac{a-2}{2a(a-1)}} \right]$$

**Semplifica i seguenti radicali di cui non è noto il segno dei fattori letterali.**

### 14 esercizio guidato

$$\sqrt[4]{a^6 b^4 x^2}$$

Gli esponenti del radicando e l'indice della radice possono essere tutti divisi per 2:  $\sqrt{a^3 b^2 x}$

Occorre adesso tener presente che, mentre il radicale dato esiste per qualsiasi valore delle lettere  $a$ ,  $b$  e  $x$ , il radicale semplificato esiste solo se il prodotto  $a^3 x$  è positivo; non conoscendo però il segno dei fattori letterali, è necessario usare il modulo. Il radicale semplificato è dunque:

$$\sqrt{|a^3 x| b^2}$$

$$15 \quad \sqrt[6]{125 a^3 b^6} \quad \sqrt[12]{81 x^8 y^4} \quad \left[ \sqrt{5 a b^2}; \sqrt[3]{3 x^2 |y|} \right]$$

$$16 \quad \sqrt[4]{25 a^2 x^6} \quad \sqrt[6]{\frac{1}{8} a^3 b^6} \quad \left[ \sqrt{5 |a x^3|}; \sqrt{\frac{1}{2} a b^2} \right]$$

### 17 esercizio guidato

$$\sqrt[4]{36 x^2 + 36 x + 9}$$

Scomponiamo il polinomio del radicando:  $\sqrt[4]{9(2x+1)^2}$

Possiamo adesso semplificare:  $\sqrt{3(2x+1)}$

Tenendo poi presente che non conosciamo il segno di  $2x+1$ :  $\sqrt{3|2x+1|}$

$$18 \quad \sqrt[6]{9 a^2 b^4 (9 a^2 - 6 a + 1)} \quad \sqrt[4]{16 x^2 y^6 (9 x^2 + 12 x + 4)} \quad \left[ \sqrt[3]{3 b^2 |a(3 a - 1)|}; \sqrt{4 |x y^3 (3 x + 2)|} \right]$$

$$19 \quad \sqrt[4]{9 a^2 - 6 a + 1} \quad \sqrt[6]{\frac{4 a + a^2 + 4}{4 a^4}} \quad \left[ \sqrt{|3 a - 1|}; \sqrt[3]{\frac{|a + 2|}{2 a^2}} \right]$$

$$20 \quad \sqrt[5]{\frac{64 a^5 b^{12} c^8}{2 b^2 c^3}} \quad \sqrt[4]{\frac{9 x^2 y^4}{x^2 - 2 x + 1}} \quad \left[ 2 a b^2 c; \sqrt{3 y^2 \left| \frac{x}{x-1} \right|} \right]$$

$$21 \quad \sqrt[4]{(3 x - 2)^2 (3 x + 2)^2} \quad \sqrt[5]{\frac{a^4 b^8}{64} (3 a b^2 - a b^2)} \quad \left[ \sqrt{|9 x^2 - 4|}; \frac{1}{2} a b^2 \right]$$

$$22 \quad \sqrt[6]{\frac{a^6}{(2 a + a^2 + 1)^3}} \quad \sqrt[4]{\frac{4 x^2 - 12 x + 9}{(2 x - 3)^6}} \quad \left[ \left| \frac{a}{a+1} \right|; \frac{1}{|2 x - 3|} \right]$$

$$23 \quad \sqrt[4]{\frac{x^6 - 6 x^3 + 9}{x^4}} \quad \sqrt[6]{\frac{(a^2 + 10 a + 25)^3}{64 a^{12}}} \quad \left[ \sqrt{\frac{|x^3 - 3|}{x^2}}; \frac{|a+5|}{2 a^2} \right]$$

$$24 \quad \sqrt[4]{\frac{x^2 + y^2 + 2 x y}{x^2 + 2 x + 1}} \quad \sqrt[9]{\frac{x^3 - 9 x^2 + 27 x - 27}{x^6 y^3}} \quad \left[ \sqrt{\frac{|x+y|}{|x+1|}}; \sqrt[3]{\frac{x-3}{x^2 y}} \right]$$

**Riduci allo stesso indice i seguenti radicali.**

<b>25</b>	$\sqrt{3}$	$\sqrt[3]{2}$	$\sqrt[4]{5}$	$[\sqrt[12]{729}; \sqrt[12]{16}; \sqrt[12]{125}]$
<b>26</b>	$\sqrt[3]{\frac{1}{2}}$	$\sqrt{\frac{3}{5}}$	$\sqrt[3]{7}$	$[\sqrt[6]{\frac{1}{4}}; \sqrt[6]{\frac{27}{125}}; \sqrt[6]{49}]$
<b>27</b>	$\sqrt[4]{\frac{1}{2}a}$	$\sqrt[3]{\frac{3}{2}a}$	$\sqrt[6]{\frac{1}{2}a^2}$	$[\sqrt[12]{\frac{1}{8}a^3}; \sqrt[12]{\frac{81}{16}a^4}; \sqrt[12]{\frac{1}{4}a^4}]$
<b>28</b>	$\sqrt[3]{\frac{x}{2y}}$	$\sqrt[3]{\frac{2y}{x^2}}$	$\sqrt{\frac{3xy}{4}}$	$[\sqrt[6]{\frac{x^2}{4y^2}}; \sqrt[6]{\frac{4y^2}{x^4}}; \sqrt[6]{\frac{27x^3y^3}{64}}]$
<b>29</b>	$\sqrt{a+b}$	$\sqrt[3]{a+b}$	$\sqrt[4]{(a+b)^3}$	$[\sqrt[12]{(a+b)^6}; \sqrt[12]{(a+b)^4}; \sqrt[12]{(a+b)^9}]$

## Moltiplicazioni e divisioni tra radicali

**Semplifica le seguenti espressioni.**

<b>30</b>	$\sqrt{7} \cdot \sqrt{\frac{11}{14}} : \sqrt{11}$	$[\sqrt{\frac{1}{2}}]$
<b>31</b>	$\sqrt{2} \cdot \sqrt{\frac{3}{10}} \cdot \sqrt{50}$	$[\sqrt{30}]$
<b>32</b>	$\sqrt{\frac{3}{5}} : \sqrt{\frac{9}{20}} : \left( \sqrt{3} \cdot \sqrt{\frac{6}{5}} \right) \cdot \sqrt{\frac{18}{5}}$	$[\sqrt{\frac{4}{3}}]$

**Trasporta dentro il simbolo di radice tutti i possibili fattori esterni.**

### 33 esercizio guidato

$$3\sqrt{\frac{5}{6}}$$

Per portare sotto il simbolo di radice il fattore esterno 3 dobbiamo elevarlo alla potenza indicata dall'indice della radice, cioè al quadrato:

$$\sqrt{9 \cdot \frac{5}{6}} = \sqrt{\frac{15}{2}}$$

<b>34</b>	$5\sqrt{2};$	$\frac{2}{3}\sqrt{6}$
<b>35</b>	$6\sqrt{\frac{1}{3}};$	$\left(\frac{4}{5} - 1\right)\sqrt{\frac{5}{2}}$
<b>36</b>	$3a \cdot \sqrt{\frac{1}{3}};$	$-3\sqrt{6}$
<b>37</b>	$-\frac{1}{2}\sqrt{6};$	$\left(1 - \frac{4}{3}\right)\sqrt{6}$

$$38 \quad \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{4}\right)\sqrt{1 - \frac{1}{5}} \quad \left(2 - \frac{3}{2}\right)\sqrt{1 - \frac{1}{3}}$$

*Trasporta dentro il simbolo di radice tutti i possibili fattori esterni valutando il segno di quelli letterali.*

### 39 esercizio guidato

a.  $a\sqrt{2}$

Poiché non conosciamo il segno del fattore esterno, dobbiamo distinguere due casi:

- se  $a > 0$  allora  $a\sqrt{2} = \sqrt{2a^2}$
- se  $a < 0$  allora  $a\sqrt{2} = -\sqrt{2a^2}$

b.  $x\sqrt[3]{\frac{a^2}{3x}}$

In questo caso per l'esistenza del radicale, essendo  $a^2$  non negativo, il fattore  $x$  deve essere positivo; si ha dunque che

$$x\sqrt[3]{\frac{a^2}{3x}} = \sqrt[3]{x^3 \cdot \frac{a^2}{3x}} = \sqrt[3]{\frac{a^2 x^2}{3}}$$

$$40 \quad b\sqrt{b} \quad (x-2)\sqrt{5} \quad \left[\sqrt{b^3}; x \geq 2 : \sqrt{5(x-2)^2}, x < 2 : -\sqrt{5(x-2)^2}\right]$$

$$41 \quad x\sqrt{2x} \quad 2a\sqrt{a-1} \quad \left[\sqrt{2x^3}; \sqrt{4a^2(a-1)}\right]$$

$$42 \quad (x-2)\sqrt{x-1} \quad x\sqrt{x+2} \quad \left[x > 2 : \sqrt{(x-2)^2(x-1)}, 1 \leq x \leq 2 : -\sqrt{(x-2)^2(x-1)}; x > 0 : \sqrt{x^2(x+2)}, -2 \leq x \leq 0 : -\sqrt{x^2(x+2)}\right]$$

*Trasporta fuori dal simbolo di radice tutti i possibili fattori supponendo positivi quelli letterali.*

### 43 esercizio guidato

$\sqrt{81a^6b^7}$

Scomponiamo innanzi tutto il fattore numerico:  $\sqrt{3^4a^6b^7}$

I fattori che si possono portare al di fuori del simbolo di radice sono quelli che hanno un esponente maggiore o uguale all'indice della radice. Per tali fattori si divide l'esponente per l'indice della radice; il quoziente è l'esponente del fattore esterno, il resto è l'esponente del fattore interno:

per l'esponente 4  $\rightarrow 4 : 2 = 2$  con resto 0

per l'esponente 6  $\rightarrow 6 : 2 = 3$  con resto 0

per l'esponente 7  $\rightarrow 7 : 2 = 3$  con resto 1

$$\sqrt{3^4a^6b^7} = 3^2a^3b^3\sqrt{b}$$

$$44 \quad \sqrt{\frac{9}{8}}; \quad \sqrt{\frac{135}{64}}; \quad \sqrt{\frac{128}{9}} \quad \left[\frac{3}{2}\sqrt{\frac{1}{2}}; \frac{3}{8}\sqrt{15}; \frac{8}{3}\sqrt{2}\right]$$

$$45 \quad \sqrt{b^5}; \quad \sqrt{a^7}; \quad \sqrt{x^3y^5} \quad \left[ b^2\sqrt{b}; a^3\sqrt{a}; xy^2\sqrt{xy} \right]$$

$$46 \quad \sqrt{8a^5b^2c^7}; \quad \sqrt{125a^6b^7c^{11}} \quad \left[ 2a^2bc^3\sqrt{2ac}; 5a^3b^3c^5\sqrt{5bc} \right]$$

$$47 \quad \sqrt{\frac{54}{8}(x-y)^5}; \quad \sqrt{a^5b^8} \quad \left[ \frac{3}{2}(x-y)^2\sqrt{3(x-y)}; a^2b^4\sqrt{a} \right]$$

$$48 \quad \sqrt{80a^3(a+1)^3}; \quad \sqrt{20a^3b(a^2-2a+1)} \quad \left[ 4a(a+1)\sqrt{5a(a+1)}; 2|a-1|\sqrt{5ab} \right]$$

**Trasporta fuori dal simbolo di radice tutti i possibili fattori.**

### 49 esercizio guidato

$$\sqrt{\frac{7a^3b^4}{12x^5}} = \frac{ab^2}{2x^2} \sqrt{\frac{7a}{3x}}$$

Osserviamo che, per l'esistenza del radicale, il rapporto  $\frac{a}{x}$  è positivo, ma non possiamo conoscere il segno di  $a$  e di  $x$  presi singolarmente; dobbiamo allora considerare il modulo del fattore  $a$  esterno:

$$\sqrt{\frac{7a^3b^4}{12x^5}} = \frac{|a|b^2}{2x^2} \sqrt{\frac{7a}{3x}}$$

$$50 \quad \sqrt{\frac{a^2x^5}{16}} \quad \sqrt{\frac{x^2y^3}{a^4}} \quad \left[ \frac{|a|x^2}{4}\sqrt{x}; \frac{|x|y}{a^2}\sqrt{y} \right]$$

$$51 \quad \sqrt{16x^3-16x^2y} \quad \sqrt{\frac{a^2x^2-9x^2}{a^2x^2-2ax+1}} \quad \left[ 4|x|\sqrt{x-y}; \left| \frac{x}{ax-1} \right| \sqrt{a^2-9} \right]$$

$$52 \quad \sqrt{\frac{x^2y^2-2xy+1}{y^2+x^2y^2}} \quad \sqrt{\frac{a^3-3a^2+3a-1}{a^4+a^2}} \quad \left[ \left| \frac{xy-1}{y} \right| \sqrt{\frac{1}{1+x^2}}; \frac{a-1}{a} \sqrt{\frac{a-1}{a^2+1}} \right]$$

**Semplifica le seguenti espressioni contenenti anche somme e sottrazioni fra radicali supponendo positivi i fattori letterali.**

### 53 esercizio guidato

$$\sqrt{32} - 4\sqrt{18} + 3\sqrt{50} - \frac{3}{2}\sqrt{\frac{2}{9}}$$

Trasportiamo fuori dal simbolo di radice i possibili fattori:

$$4\sqrt{2} - 4 \cdot 3\sqrt{2} + 3 \cdot 5\sqrt{2} - \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{3}\sqrt{2} = 4\sqrt{2} - 12\sqrt{2} + 15\sqrt{2} - \frac{1}{2}\sqrt{2}$$

I radicali sono tutti simili, quindi possiamo eseguire la somma:  $\sqrt{2} \left( 4 - 12 + 15 - \frac{1}{2} \right) = \frac{13}{2}\sqrt{2}$

$$54 \quad 5\sqrt{7} - 2\sqrt{5} + 3\sqrt{7} - 3\sqrt{5}; \quad 3\sqrt{2} + \sqrt{18} - \sqrt{50} \quad \left[ 8\sqrt{7} - 5\sqrt{5}; \sqrt{2} \right]$$

$$55 \quad 2\sqrt{5} - 3\sqrt{125} + 4\sqrt{5}; \quad \sqrt{27} + 2\sqrt{3} - \sqrt{75} \quad \left[ -9\sqrt{5}; 0 \right]$$

- 56  $2\sqrt{3} + 4\sqrt{5} - \sqrt{5} + \sqrt{3}; \quad \sqrt{2} + 7\sqrt{2} - \sqrt{2} \quad [3(\sqrt{3} + \sqrt{5}); 7\sqrt{2}]$
- 57  $4\sqrt{3} - \sqrt{12} + \sqrt{27}; \quad 4\sqrt{2} - \sqrt{32} + \sqrt{18} - \sqrt{50} \quad [5\sqrt{3}; -2\sqrt{2}]$
- 58  $-3\sqrt{5} + \sqrt{24} + \sqrt{80} - \sqrt{294} \quad [\sqrt{5} - 5\sqrt{6}]$
- 59  $\sqrt{a^2 + 1} + \sqrt{9a^2 + 9} + \sqrt{4a^2 + 4} \quad [6\sqrt{a^2 + 1}]$
- 60  $\sqrt{48a^2xy} + 8\sqrt{3a^2xy} - \sqrt{12a^2xy} \quad \text{con } a \geq 0 \quad [10a\sqrt{3xy}]$
- 61  $\sqrt{27a - 18} - \frac{1}{3}\sqrt{3a - 2} - \sqrt{3a - 2} \quad [\frac{5}{3}\sqrt{3a - 2}]$

### 62 esercizio guidato

$$(\sqrt{2} - 1)^2 + 3(\sqrt{3} + 1)^2 - (3\sqrt{2} - 2\sqrt{3})(3\sqrt{2} + 2\sqrt{3})$$

Applicando le regole dei prodotti notevoli si ottiene:

$$2 + 1 - 2\sqrt{2} + 3(3 + 1 + 2\sqrt{3}) - (18 - 12)$$

Completa il calcolo.

$$[6\sqrt{3} - 2\sqrt{2} + 9]$$

- 63  $(1 + \sqrt{2})^2 + \sqrt{3}(1 - \sqrt{2})^2 - \sqrt{2}(\sqrt{2} + \sqrt{3})^2 + \sqrt{3}(2\sqrt{2} + 1) \quad [3 - 3\sqrt{2}]$
- 64  $(\sqrt{2} - \sqrt{10})^2 - (\sqrt{2} - \sqrt{5})^2 - 2\sqrt{5}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} - 2)(\sqrt{5} + 2) \quad [4 - 2\sqrt{5}]$
- 65  $(\sqrt{2} - 1)^3 - (\sqrt{2} + 2)^3 + 9(\sqrt{2} + 1)^2 \quad [9\sqrt{2}]$
- 66  $[(\sqrt{x} - \sqrt{y})(\sqrt{x} + 1) - (\sqrt{x} + \sqrt{y})(\sqrt{x} - 1)] : 2\sqrt{x} - (\sqrt{y} + 1)^2 \quad [-y - 3\sqrt{y}]$
- 67  $[\sqrt{a}(1 + \sqrt{a})(1 - \sqrt{a}) : (1 - a) + \sqrt{a}]^2 - 2\sqrt{a}(\sqrt{a} + 1) \quad [2a - 2\sqrt{a}]$
- 68  $(1 + \sqrt{x})^3 - (\sqrt{x} - 2)^3 - 9\sqrt{x}(\sqrt{x} - 1) \quad [9]$

**Razionalizza i denominatori delle seguenti frazioni.**

- 69  $\frac{3}{\sqrt{5}} \quad \frac{2}{\sqrt{6}} \quad [\frac{3\sqrt{5}}{5}; \frac{\sqrt{6}}{3}]$
- 70  $\frac{2 + \sqrt{2}}{\sqrt{2}} \quad \frac{1 - \sqrt{3}}{\sqrt{3}} \quad [\sqrt{2} + 1; \frac{\sqrt{3} - 3}{3}]$
- 71  $\frac{4}{\sqrt[3]{2}} \quad \frac{6}{\sqrt[3]{12}} \quad [2\sqrt[3]{4}; \sqrt[3]{18}]$
- 72  $\frac{3}{2\sqrt{3}} \quad \frac{1}{4\sqrt{2}} \quad [\frac{\sqrt{3}}{2}; \frac{\sqrt{2}}{8}]$
- 73  $\frac{1}{2\sqrt[3]{4}} \quad \frac{2}{3\sqrt{8}} \quad [\frac{\sqrt[3]{2}}{4}; \frac{\sqrt{2}}{6}]$
- 74  $\frac{5\sqrt{2}}{4\sqrt{5}} \quad \frac{30}{\sqrt[3]{6}} \quad [\frac{\sqrt{10}}{4}; 5\sqrt[3]{36}]$

$$75 \quad \frac{8}{\sqrt{2}} \qquad \frac{21}{2\sqrt{7}} \qquad \left[ 4\sqrt{2}; \frac{3}{2}\sqrt{7} \right]$$

$$76 \quad \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2}}{\sqrt{3}} \qquad \frac{\sqrt{2} + 1}{\sqrt{2}} \qquad \left[ \frac{\sqrt{15} - \sqrt{6}}{3}; \frac{2 + \sqrt{2}}{2} \right]$$

$$77 \quad \frac{10 - 5\sqrt{5}}{\sqrt{5}} \qquad \frac{\sqrt{20} - \sqrt{15}}{2\sqrt{5}} \qquad \left[ 2\sqrt{5} - 5; \frac{2 - \sqrt{3}}{2} \right]$$

$$78 \quad \frac{4 - \sqrt{2}}{\sqrt{8}} \qquad \frac{10\sqrt{3} - 5}{5\sqrt{3}} \qquad \left[ \frac{2\sqrt{2} - 1}{2}; \frac{6 - \sqrt{3}}{3} \right]$$

### 79 **esercizio guidato**

$$\frac{4}{\sqrt{5} - 1}$$

Al fine di ottenere una differenza di quadrati, moltiplichiamo numeratore e denominatore per  $\sqrt{5} + 1$ :

$$\frac{4}{\sqrt{5} - 1} \cdot \frac{\sqrt{5} + 1}{\sqrt{5} + 1} = \frac{4(\sqrt{5} + 1)}{5 - 1} = \sqrt{5} + 1$$

$$80 \quad \frac{6}{\sqrt{3} - 1} \qquad \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{3}} \qquad [3 + 3\sqrt{3}; \sqrt{3} - \sqrt{2}]$$

$$81 \quad \frac{-5}{1 - \sqrt{6}} \qquad \frac{2}{\sqrt{2} + \sqrt{3}} \qquad [1 + \sqrt{6}; 2(\sqrt{3} - \sqrt{2})]$$

$$82 \quad \frac{1}{2 - \sqrt{3}} \qquad \frac{6}{-\sqrt{5} - \sqrt{2}} \qquad [2 + \sqrt{3}; 2(\sqrt{2} - \sqrt{5})]$$

$$83 \quad \frac{-24}{2 + 2\sqrt{7}} \qquad \frac{6}{\sqrt{7} - \sqrt{5}} \qquad [2(1 - \sqrt{7}); 3(\sqrt{7} + \sqrt{5})]$$

$$84 \quad \frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{2} + 1} \qquad \frac{2}{\sqrt{2} + \sqrt{5} + 1} \qquad \left[ \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2} + 2}{4}; 2\sqrt{2} - \sqrt{5} - \sqrt{10} + 3 \right]$$

$$85 \quad \frac{x^2 - y^2}{\sqrt{x} + \sqrt{y}} \qquad \frac{a - 2b}{\sqrt{a} + \sqrt{2b}} \qquad [(\sqrt{x} - \sqrt{y})(x + y); \sqrt{a} - \sqrt{2b}]$$

$$86 \quad \frac{x + 2}{\sqrt{x} + \sqrt{2}} \qquad \frac{2}{\sqrt{x} - \sqrt{2}} \qquad \left[ \sqrt{x} - \sqrt{2}; \frac{2(\sqrt{x} + \sqrt{2})}{x - 2} \right]$$

$$87 \quad \frac{y - 3}{\sqrt{3} - \sqrt{y}} \qquad \frac{x - 25}{5 - \sqrt{x}} \qquad [-(\sqrt{3} + \sqrt{y}); -(5 + \sqrt{x})]$$

**Risolvi le seguenti equazioni a coefficienti irrazionali.**

$$88 \quad x\sqrt{3} + 2 = -1 \qquad 2x\sqrt{5} + x = 19 \qquad [-\sqrt{3}; 2\sqrt{5} - 1]$$

$$89 \quad \sqrt{5}(x + 1) = 10 \qquad \sqrt{2}(x + \sqrt{3}) = \sqrt{6} + \sqrt{2} \qquad [2\sqrt{5} - 1; 1]$$

$$90 \quad 3(x + \sqrt{2}) = \sqrt{2} + 3 \qquad x(\sqrt{2} - 1) = x + \sqrt{6} \qquad \left[ \frac{3 - 2\sqrt{2}}{3}; -\sqrt{6} - \sqrt{3} \right]$$

$$91 \quad \frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{3} + x = \frac{5}{3} \quad x - \sqrt{2}(\sqrt{3}x + 1) = \sqrt{3}(x - \sqrt{2} - 2) \quad [4(2 - \sqrt{3}); \sqrt{2}]$$

$$92 \quad \frac{\sqrt{2}x}{\sqrt[4]{2}} - \frac{1}{\sqrt[8]{2}} = 0 \quad \frac{x}{\sqrt[3]{6}} - \frac{\sqrt[3]{2}}{\sqrt[6]{9}} = 0 \quad \left[\frac{\sqrt[8]{32}}{2}; \sqrt[3]{4}\right]$$

$$93 \quad \frac{x + \sqrt{10}}{\sqrt{5}} = \frac{x - \sqrt{5}}{\sqrt{10}} \quad [-3\sqrt{5}(\sqrt{2} + 1)]$$

$$94 \quad \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{2} - 3} - \frac{x}{2\sqrt{2} + 3} = 5 \quad [-10\sqrt{2} - 12\sqrt{10} - 17\sqrt{5} - 15]$$

$$95 \quad \frac{x+2}{\sqrt{2}-1} + \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{x+4}{2-\sqrt{2}} = x - 1 \quad [-1]$$

**Calcola le seguenti potenze con esponente razionale supponendo positive le lettere che vi compaiono.**

$$96 \quad 8^{\frac{2}{3}} \quad 25^{\frac{3}{2}} \quad 8^{-\frac{1}{4}} \quad 2^{-\frac{1}{3}} \quad \left[4; 125; \sqrt[4]{\frac{1}{8}}; \sqrt[3]{\frac{1}{2}}\right]$$

$$97 \quad 16^{-\frac{3}{4}} \quad \left(\frac{8}{27}\right)^{\frac{1}{3}} \quad 0,01^{-\frac{3}{2}} \quad 0,008^{-\frac{1}{3}} \quad \left[\frac{1}{8}; \frac{2}{3}; 1000; 5\right]$$

$$98 \quad \left(\frac{49}{36}a^2\right)^{\frac{3}{2}} \quad (4a^4b^2)^{-\frac{3}{2}} \quad \left(\frac{16}{9}x^2y^{-3}\right)^{\frac{1}{6}} \quad \left[\frac{343}{216}a^3; \frac{1}{8a^6b^3}; \sqrt[6]{\frac{16x^2}{9y^3}}\right]$$

**Trasforma in potenze ad esponente razionale supponendo positive le lettere che vi compaiono.**

$$99 \quad \sqrt[3]{18} \quad \sqrt[4]{180} \quad \sqrt{98} \quad \sqrt[6]{144} \quad \left[2^{\frac{1}{3}} \cdot 3^{\frac{2}{3}}; 6^{\frac{1}{2}} \cdot 5^{\frac{1}{4}}; 7 \cdot 2^{\frac{1}{2}}; 12^{\frac{1}{3}}\right]$$

$$100 \quad \sqrt[4]{a^2b^4x^3} \quad \sqrt{a \sqrt[3]{a^2b}} \quad \sqrt[3]{x \sqrt{x^2y^3}} \quad \left[a^{\frac{1}{4}}bx^{\frac{3}{4}}; a^{\frac{5}{6}}b^{\frac{1}{6}}; x^{\frac{2}{3}}y^{\frac{1}{2}}\right]$$

$$101 \quad \sqrt[5]{3 \sqrt{\frac{x^3}{9}}} \quad \sqrt{2a \sqrt{\frac{3}{8}}b} \quad \sqrt[3]{3a \sqrt{ab^2}} \quad \left[x^{\frac{3}{10}}; \left(\frac{3}{2}\right)^{\frac{1}{4}} a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{4}}; 3^{\frac{1}{3}}a^{\frac{1}{3}}b^{\frac{1}{3}}\right]$$